【講座1回目】速さと比「目で見て解く！」

目標:速さの問題を「目で見て」解けるようになろう！

旅人算(出会う問題)⇒ 最強ツール「線分図」を手に入れよう！

旅人算のように、2人以上が登場する問題は「線分図」をかくと一目でわかる！

【例題】A君は分速70m、Bさんは分速60mで歩きます。2人が1300mはなれた場所から、向かい合って同時に出発しました。2人は何分後に会いますか？

考え方: ① まずは状況を「線分図」にしてみましょう。

② 2人は、1分間でどれだけ近づきますか？

A君が進む道のり(1分) → (70) m

Bさんが進む道のり(1分) → (60) m

2人の間の距離は、1分間で(130) m 縮まる！

③ 1300mの距離が縮まるには、何分かかかる？

式 $70+60=130m$

$1300\div 130=10$

解答: 10分後

ポイント: 向かい合って進むときは、2人の速さを(足す)！

同じ方向に進むときは、2人の速さを(引く)！

練習問題

問1 A君の家とBさんの家は1500m離れています。A君は分速80m、Bさんは分速70mで、お互いの家に向かって同時に出発しました。2人が出会うのは、出発してから何分後ですか。

1. 2人が向かい合って進むので、1分間に縮まる距離は2人の速さの和になります。 $80 \text{ (m/分)} + 70 \text{ (m/分)} = 150 \text{ (m/分)}$
2. 1500mの距離を、1分間に150mずつ縮めていくので、出会うまでの時間は、 $1500 \text{ (m)} \div 150 \text{ (m/分)} = 10 \text{ (分)}$

解答:10分後

問2 弟が家を出発して、分速60mで歩いて駅に向かいました。その10分後に、兄が分速180mの自転車で同じ道を追いかけてきました。兄は家を出発してから何分後に弟に追いつきますか。

1. 兄が出発する時点で、弟は10分間先に進んでいます。その距離は、 $60 \text{ (m/分)} \times 10 \text{ (分)} = 600 \text{ (m)}$
2. 兄は600m後ろから、弟を追いかけてきます。1分間に縮まる距離は2人の速さの差になります。 $180 \text{ (m/分)} - 60 \text{ (m/分)} = 120 \text{ (m/分)}$
3. 600mの差を、1分間に120mずつ縮めていくので、追いつくまでの時間は、 $600 \text{ (m)} \div 120 \text{ (m/分)} = 5 \text{ (分)}$

解答:5分後

問3 1周が1200mある池の周りを、A君は分速90m、B君は分速60mで歩きます。2人が同じ地点から同時に反対方向へ出発すると、初めて出会うのは何分後ですか。

1. 池の周りを反対方向に進むのは、1200m離れた2人が向かい合って進むのと同じ状況です。
2. 1分間に2人が進む合計距離(縮まる距離)は、

$$90 \text{ (m/分)} + 60 \text{ (m/分)} = 150 \text{ (m/分)}$$

3. 1200mの距離がなくなるまでにかかる時間は、

$$1200 \text{ (m)} \div 150 \text{ (m/分)} = 8 \text{ (分)}$$

解答:8分後

問4 問3と同じ池を、今度は2人が同じ地点から同時に同じ方向へ出発しました。A君がB君を初めて追い越すのは、出発してから何分後ですか。

1. 同じ方向に進んで追い越すということは、速いA君が遅いB君に「1周差」をつけるということです。
2. つまり、A君がB君より1200m多く進めば追いつきます。
3. 1分間にA君がB君との差を広げる距離は、2人の速さの差になります。

$$90 \text{ (m/分)} - 60 \text{ (m/分)} = 30 \text{ (m/分)}$$

4. 1200mの差をつけるのにかかる時間は、

$$1200 \text{ (m)} \div 30 \text{ (m/分)} = 40 \text{ (分)}$$

解答:40分後